

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

المديرية العامة للتعليم

مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي

التدرجات السنوية

مادة الرياضيات

سبتمبر 2020

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

المديرية العامة للتعليم

مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي

التدرجات السنوية

مادة الرياضيات

السنة الثانية ثانوي شعبة تسيير واقتصاد

سبتمبر 2020

مقدمة:

يشكل التخطيط لتنفيذ المناهج التعليمية عاملا مؤثرا في تحقيق أهداف مقدمة:

يشكل التخطيط لتنفيذ المناهج التعليمية عاملا مؤثرا في تحقيق أهداف العملية التعليمية /التعلمية و تنمية كفاءات المتعلمين، يرتبط هذا التخطيط بعامل الوقت الذي يجب أن ينظر إليه كمورد من الموارد المتاحة التي ينبغي استثمارها بالشكل الأمثل. تحضيرا للموسم الدراسي 2020 . 2021، وسعيا من وزارة التربية الوطنية لضمان تنفيذ المناهج التعليمية في ظل الظروف الاستثنائية (كوفيد 19) تضع مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي بين أيدي الممارسين التربويين التدرجات السنوية للتعلّيمات، كأدوات عمل، معدلة ومكيفة بصفة استثنائية بما يتماشى والحجم الزمني المتاح،

تضمن التدرجات السنوية المعدلة والمكيفة بناء المفاهيم الهيكلية للمادة بأقل الأمثلة والتمثيلات الموصلة إلى الكفاءات المستهدفة وتناول المضامين وإرساء الموارد مع مراعاة وتيرة التعلم وقدرات المتعلم واستقلاليتته، كما تقترح التدرجات السنوية للتعلّيمات فترات للتقويم المرحلي للكفاءة بما يضمن الإنسجام بين سيرورة التعلّيمات وتقويم القدرة على إدماجها، من هذا المنطلق نطلب من جميع الأساتذة قراءة وفهم مبادئ وأهداف وآليات هذا التعديل البيداغوجي للتدرجات السنوية والتنسيق فيما بينهم بالنسبة لكل مادة وفي كل ثانوية من أجل وضعها حيز التنفيذ، كما نطلب من المفتشين مرافقة الأساتذة وتقديم التوضيح اللازم

مذكرة منهجية:

تعد التدرجات السنوية للتعلّيمات أداة بيداغوجية أساسية توضح كيفية تنفيذ المناهج التعليمية، تضبط سيرورة التعلّيمات بما يكفل تنصيب الكفاءات المستهدفة في المناهج التعليمية، ولقد ترتب عن تطبيق التدابير الاحترازية المتعلقة بالحد من تفشي فيروس كورونا (كوفيد-19)، جملة من الإجراءات من بينها إنهاء السنة الدراسية 2019-2020 دون استكمال التعلّيمات المقررة في الفصل الثالث والضرورية لمواصلة الدراسة في المستويات الأعلى وكذا تأجيل الدخول المدرسي 2020-2021، اقتضت هذه الظروف تعديلا بيداغوجيا استثنائيا للتدرجات السنوية اعتمدت خلاله آليات منهجية وبيداغوجية بما يحقق جملة من المبادئ والأهداف:

الأهداف	المبادئ الأساسية
<ul style="list-style-type: none"> - تنصيب لدى المتعلم الكفاءات المسطرة في المناهج التعليمية؛ - تمدرس ناجع للتلاميذ يسمح بإرساء التعلّيمات الأساسية المستهدفة في المناهج التعليمية؛ - تزويد المتعلم بالأسس العلمية الضرورية لمتابعة الدراسة في المستويات الأعلى، - إدراج التعلّيمات الأساسية غير المنجزة في السنة الدراسية 2020/2019 ضمن التدرجات السنوية؛ 	<ul style="list-style-type: none"> - المحافظة على الكفاءات كمبدأ منظم؛ - المحافظة على المفاهيم المهيكلّة للمادة؛ - المحافظة على تقويم القدرة على الإدماج لدى المتعلم من خلال وضعيات مشكلة مركبة تستهدف التقويم المرحلي للكفاءات؛ - التكفل بالتعلّيمات الأساسية غير المنجزة خلال السنة الدراسية 2020/2019

آليات التعديل البيداغوجي		
الجانب المنهجي	الجانب البيداغوجي	
<ul style="list-style-type: none"> - تحديد ملامح التخرج والكفاءات المستهدفة، - توزيع التعلّيمات على 28 أسبوعا دون احتساب أسابيع التقويم، - ضبط التقويم المرحلي للكفاءة؛ - وضع مخطط زمني يسمح بمتابعة مدى تنفيذ المناهج التعليمية. 	<p>أ- الموارد المعرفية والنشاطات</p> <ul style="list-style-type: none"> - تحديد الحد اللازم من الموارد الضروري لبناء الكفاءة (الموارد المهيكلّة)، - استغلال الحد الأدنى من الوثائق، السندات و النشاطات لبناء الموارد، - الدمج بين النشاطات في إطار حل المشكل، - إدراج بعض النشاطات التي تستهدف البناء التحصيلي ضمن التقويم، 	<p>ب- الممارسات البيداغوجية</p> <ul style="list-style-type: none"> - منهجية استغلال الوثائق (استغلالها ضمن مسعى لحل مشكل)، - بناء بطاقات منهجية، تقدم للمتعلم، توضح منهجية استغلال مختلف أنماط الوثائق(جداول، منحنيات، نصوص، أعمدة بيانية، خرائط...)، - مرافقة المتعلم أثناء إنجازه للمهمات بتقديم تعليمات تيسر الحل،

توجيهات:

بخصوص الجانب التعليمي أي الديداكتيكي على الأستاذ التركيز في ميدان الإحصاء والاحتمالات على إتاحة الفرصة للتلاميذ في اتجاهين الأول يتعلق بإدراك مفهوم التجربة العشوائية والثاني يتعلق بإدراك مفهوم المحاكاة وذلك من خلال ممارسة، في السنة الأولى، التجارب العشوائية والبحث عن مخرجها وكذلك إجراء المحاكاة لتجارب عشوائية باستعمال المجدولات. والتوضيح أكثر نشير إلى أنّ هذه الممارسة تمثل نقطة انطلاق وتمهيد للسنة الثانية عند تقديم مفهوم الاحتمال وفق المقاربة التواترية التي ينص عليها المنهاج الرسمي، إذ لا يمكن تناول مفهوم الاحتمال في السنة الثانية، من منطلق المنهاج دون التطرق إلى المفهومين السابقين. ففي السنة الثانية يعتمد التلميذ على المفهومين السابقين لكي يتناول مفهوم تذبذب العيّنات ثمّ ميولها نحو الاستقرار ثمّ أمثلة التواترات مفهوم الاحتمال وأخيرا الحساب على الاحتمالات واستعمال شجرة الاحتمالات. وفي السنة الثالثة يتواصل العمل بتدعيم مفهوم الاحتمال وتوسيع الحساب على الاحتمالات.

نرجو من السادة الأساتذة العمل بهذا التوجه في ميدان الإحصاء والاحتمالات على امتداد سنوات التعليم الثانوي في الشعب المعنية بذلك

ملامح التخرج من التعليم الثانوي العام والتكنولوجي:

- يساهم تدريس الرياضيات في الشعب العلمية من التعليم الثانوي في تحقيق ملامح التخرج في نهاية هذه المرحلة التي تعتبر تنويفا لكل مراحل التعليم السابقة له وقاعدة الانطلاق للتعليم الجامعي أو مباشرة الحياة المهنية وتتمثل هذه الملامح في القدرة على:
- ◀ حل مشكلات.
 - ◀ مواصلة الدراسة في إحدى التخصصات العلمية في التعليم الجامعي.
 - ◀ التعلم الذاتي المستمر والبحث المنهجي والابتكار.
 - ◀ مزاولة تكوين مهني متخصص يؤهله إلى الاندماج في الحياة العملية.
 - ◀ النقد الموضوعي والتعبير عن المواقف والآراء واستخدام مختلف أشكال التواصل ووسائله.

الكفاءات المستهدفة

بالإضافة إلى الكفاءات الرياضية، يستهدف البرنامج تطوير كفاءات عرضية تخصّ مختلف ميادين المادة أو مواد أخرى، ويتعلق الأمر:

- المنهجية العلمية
- استعمال التكنولوجيات الجديدة للإعلام والاتصال.

الكفاءات الرياضية**1. معالجة معطيات والمنتاليات العددية**

- حلّ مشكلات ذات دلالة بتوظيف:
- النسب المئوية والمؤشرات.
- المنتاليات العددية (الحسابية والهندسية).

2. التحليل والجبر

- حلّ مشكلات ذات دلالة بتوظيف:
- التمثيلات البيانية لـدوال.
- الاشتقاق.
- المعادلات و المتراجحات من الدرجة الثانية.

3. الإحصاء والاحتمالات

- معالجة سلاسل إحصائية بتوظيف:
- التمثيلات المختلفة لسلاسل إحصائية ومؤشرات التشتت (التباين، الانحراف المعياري، ...)
- تعيين قانون احتمال انطلاقاً من تجارب منجزة أو محاكاة وحساب احتمال حادثة.

التدرج السنوي لبناء التعلّيمات في السنة الثانية تسيير واقتصاد

ح ساعي	توجيهات	السير المنهجي لتدرج التعلّيمات	المحتويات المعرفية	الكفاءات المستهدفة	المحور
1	على سبيل أمثال: الانتخابات؛ نسبة النجاح؛ نسبة إنتاج البترول لبعض الدول المنتجة بالنسبة للإنتاج العالمي...		النسب المئوية: حساب نسبة مئوية.	حل مشكلات ذات دلالة بتوظيف: - النسب المئوية والمؤشرات.	النسب المئوية والمؤشرات
1			التغير المطلق والتغير النسبي: التمييز بين التغير المطلق والتغير النسبي.		
2		● (1) نتناول بالدراسة وضعيات أين تعبر النسبة المئوية على نسبة الجزء إلى الكل وأخرى على تطور (نسبة الولادة، نسبة البطالة...). مثلاً، تترجم زيادة قدرها 5% بالضرب في 1,05 ويترجم تخفيض قدره 7% بالضرب في 0,93.	إرجاع زيادة أو تخفيض إلى شكل ضرب. (1)		
2		● (2) لحساب مؤشر لسنة معينة، نقارن القيمة المأخوذة في هذه السنة بالقيمة المأخوذة في سنة ما والمختارة كأساس 100. والفائدة من حساب مؤشر ظاهرة معينة تكمن في ترجمته مباشرة في شكل زيادة أو تخفيض.	نسبة تطور (تغير) نسبة مئوية، المؤشر: حساب وترجمة مؤشر تطور ظاهرة (سعر، إنتاج، عدد السكان،...). (2)		
1			التعبير بنسبة مئوية على زيادة أو تخفيض.		
2		● (3) تقترح أنشطة تجعل التلميذ يلاحظ من خلالها بعض الأخطاء الشائعة عند حساب نسب مئوية متتالية، مثل اعتبار ارتفاع نسبة بمقدار ما يتبعه انخفاض بنفس المقدار هو رجوع إلى القيمة الابتدائية.	تعيين نسبة التطور الإجمالية بمعرفة نسبتين متتاليتين للتطور. (3)		

1	يتم التركيز على الميزة الإحصائية الكمية مثلا دراسة أطوال ، أعمار ، علامات التلاميذ ... بالنسبة للميزة النوعية نكتفي بإعطاء مثال أو مثالين : اللون و /أو الجنس	● (32) تُقترح أنشطة من الواقع المدرسي أو الاجتماعي أو الاقتصادي للتلميذ.	السلسلة الإحصائية: التمييز بين الميزتين الإحصائيتين: الكمية والنوعية. (32)	1. التمكن من قراءة المعطيات وجدولتها وتمثيلها بيانيا. 2. تلخيص سلسلة إحصائية بواسطة مؤشرات الموقع. 3. التمييز والمفاضلة بين مختلف مؤشرات الموقع عند دراسة وضعية.	الإحصاء
1		● (33) تُعالج أمثلة يتم من خلالها التطرق إلى القيم الشاذة لسلسلة إحصائية.	السلسلة الإحصائية: التمييز بين المتغيرين الإحصائيين: المتقطع والمستمر. (33) التعرّف على سلسلة إحصائية، القيمة الإحصائية، التكرار، التواتر (التكرار النسبي).		
3		● (34) فيما يخص المدرج التكراري، لا نكتفي بالحالة التي تكون فيها الفئات متساوية الطول، بل يمكن معالجة الحالة الأخرى لملاحظة تناسب المساحة المعبرة عن الفئة مع تكرارات هذه الفئة.	التمثيلات البيانية: إنجاز تمثيلات بيانية (مخطط بالأعمدة، مخطط دائري، مضلع تكراري، مدرج تكراري). قراءة التمثيلات البيانية وترجمتها حسب طبيعة المسألة المطروحة. (34)	● معالجة سلاسل إحصائية بتوظيف: - التمثيلات المختلفة لسلاسل إحصائية - مؤشرات التشتت (المدى، التباين، الانحراف المعياري، ...)	
2	استعمال الحاسبة العلمية مألوف لدى التلميذ في تعليمه المتوسط وعلى الأستاذ استغلال وتطوير هذه المهارة		مؤشرات الموقع: تعيين الوسط الحسابي، المنوال والوسيط في الحالتين: المتغير المتقطع والمتغير المستمر.		
1		● (35) يمكن حساب الوسط الحسابي انطلاقا من الأوساط الحسابية الجزئية أو من التواترات (التكرارات النسبية). ● يمكن برهان خواص خطية الوسط الحسابي.	معرفة خواص الخطية للوسط الحسابي وتوظيفها. (35)		
1		● (36) تُعالج أمثلة تسمح بإجراء مقارنة بين مؤشر وآخر قصد تفضيل أحدهما على آخر حسب طبيعة السلسلة محل الدراسة.	المدى: ترجمة المدى ومؤشرات الموقع والتعليق عليهما بقصد التعبير عن وضعية في دراسة إحصائية. (36)		

1		<ul style="list-style-type: none"> • (4) تُعطى أمثلة لسلاسل معطياتها: تكرارات، متوسطات، نسب مئوية، ... كما تقترح أمثلة لسلاسل زمنية (تطور مقدار خلال فترة زمنية معينة). 	<p>دراسة أمثلة لسلاسل معطيات: - طبيعة المعطيات - طرائق التمثيل (4)</p>	
2		<ul style="list-style-type: none"> • (5) تقترح أمثلة حول التلميس باستخدام الوسط الحسابي المتحرك. (lissage par moyenne mobile) أي تعويض قيمة بالوسط الحسابي بعض القيم المحيطة بها. • تبرز أهمية التناسبية بين مساحة مستطيل يمثل فئة والتكرار الموافق لها. 	<p>التلميس (lissage) بالأواسط المتحركة. (5)</p>	
1		<ul style="list-style-type: none"> • (6) نبيّن من خلال أمثلة مختارة كيف يسمح التباين أو الانحراف المعياري بوصف التشتت حول المتوسط وتمييز سلاسل لها نفس المتوسط. • يُبرّر حساب التباين بالقاعدة: $V = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^2 - \bar{x}^2$ حيث \bar{x} متوسط السلسلة. • يُدرب التلاميذ على استعمال الحاسبة لحجز معطيات السلسلة والحصول على ذلك على مختلف الوسائط. 	<p>التباين والانحراف المعياري: حساب الانحراف المعياري وترجمته. (6)</p>	
1	<p>التعرف على هذه المخططات باعتبارها تنمة للتمثيلات الإحصائية السابقة ؛ ولهذا تقترح أمثلة لسلاسل إحصائية قدمت سابقا تفاديا للقيام بحسابات جديدة وربحا للجهد الوقت.</p>	<ul style="list-style-type: none"> • (7) يُبيّن أنّ الانحراف بين ربعيين (interquartiles) يقيس التشتت حول الوسيط. 	<p>الربيعيات والعشريّات: حساب الربعيين (Les quartiles) والعشريّين (Les 1er et 9ème déciles) لسلسلة إحصائية. (7)</p>	
1			<p>المخطط بالعلة: - تمثيل سلسلة إحصائية بمخطط بالعلة وترجمته. - مقارنة مخططات بالعلة لسلاسل إحصائية مختلفة.</p>	

2	تعتبر المحاكاة أداة ضرورية لتقديم مفهوم الاحتمال وعليه يجب إعطاءها الأهمية اللازمة	<ul style="list-style-type: none"> • (40) تُختار وضعيات تعليمية كمدخل لتوضيح مفهوم العينة ومقاسها ثم تأخذ عينات مختلفة المقاسات فتتغير التكرارات من عينة إلى أخرى وهذا ما يُدعى بتذبذب العينات. • نلفت النظر إلى أنّ اختيار الأنشطة المتعلقة بالمحاكاة لا يقتصر على تلك التي تُوظف فيها المجدولات أو الحاسبة العلمية (اللمسة RANDOM) أو البيانية فقط بل من المحبذ معالجة أنشطة تستغل فيها جداول الأرقام العشوائية (أرقام مرتبة عشوائيا). • لإجراء محاكاة لتجارب عشوائية يمكن اختيار كأمثلة: سحب كرات، رمي قطعة نقدية أو زهرة النرد؛ ونشير هنا إلى أنّها تقتصر على الحالة التي تكون فيها الحظوظ في الظهور متساوية. 	تذبذب العينات وميلها نحو الاستقرار: محاكاة تجارب بسيطة. (40)	4. ممارسة المحاكاة لتجربة عشوائية	
1		<ul style="list-style-type: none"> • من خلال مثال مختار لتجربة عشوائية منجزة أو محاكاة (كالمجموع المحصّل عليه عند رمي نردين)، نسجل ونقارن نتائج مختلف السلاسل ذات n تجربة. نبرز هكذا تذبذب العينات وبتراكم مختلف السلاسل، يمكن ملاحظة استقرار معيّن لتواترات التكرارات. 			
3	المعالجة البيداغوجية				
1	من خلال اختيار أمثلة (حجر نرد ، قطعة نقدية ...) يتم تعيين الإمكانات		مصطلحات الاحتمالات: فضاء، حادثة، حادثة بسيطة، حادثة عكسية.	تعيين قانون احتمال انطلاقا من تجارب	ن

1		<p>قانون احتمال على مجموعة منتهية: تعريف نموذج ملائم لتجربة عشوائية في حالات بسيطة. (9)</p> <p>• (9) نستند على ملاحظة توزيع تواترات مسجلة في تجارب منجزة أو محاكاة لإبراز قانون الاحتمال المرفق بكل تجربة.</p>	<p>منجزة أو محاكاة وحساب احتمال حادثة.</p>
1			<p>تعيين احتمال حادثة بسيطة انطلاقاً من قانون احتمال.</p>
2			<p>حساب كل من احتمال الحادثة المضادة لحادثة واتحاد وتقاطع حادثتين.</p>
1		<p>• (10) نبيّن، من خلال أمثلة بسيطة (كمجموع نتيجة رمي نرددين)، كيف نعيّن قانون احتمال بالرجوع إلى حالة تساوي الاحتمال.</p>	<p>حالة تساوي الاحتمال. (10)</p>
1		<p>• (11) تكون دراسة الدالة "مكعب" مناسبة للتذكير بالمفاهيم الأساسية المتعلقة بالدوال (التعبير، التغيرات، التمثيل البياني) المدروسة في السنة الأولى ثانوي.</p>	<p>الدوال المرجعية: - معرفة تغيّرات الدالة "مكعب" $x \mapsto x^3$. - تمثيل الدالة "مكعب". (11)</p>
2		<p>• (12) بالنسبة إلى مركّب دالتين، نكتفي بتناول أمثلة بسيطة.</p>	<p>العمليات على الدوال: تعريف مجموع، جُداء، حاصل قسمة ومركّب دالتين عدديتين. (12)</p>
2		<p>• (13) نعني بالدوال المرفقة، الدوال: $x \mapsto -f(x)$ ؛ $x \mapsto f(x) + k$ ؛ $x \mapsto f(-x)$ ؛ $x \mapsto f(x)$ ؛ $x \mapsto f(x+k)$ حيث k عدد حقيقي ثابت و f دالة معطاة.</p>	<p>المنحنيات والتحويلات النقطية البسيطة: استنتاج منحنيات دوال مرفقة انطلاقاً من منحنيات دوال معطاة. (13)</p>

الدوال (عموميات)

1		<p>• (14) نرتكز على التمثيلات البيانية للدوال في معلم متعامد ومتجانس لتبرير النتيجة:</p> $f(a+h) = f(a-h) \text{ و } \frac{f(a+h) + f(a-h)}{2} = b \text{ أو}$ <p>النتيجة:</p> $f(a) = f(2a-h) \text{ و } \frac{f(2a-h) + f(a)}{2} = b$	<p>- البرهان على أنّ نقطة هي مركز تناظر المنحنى الممثل لدالة. - البرهان على أنّ مستقيم هو محور تناظر المنحنى الممثل لدالة. (14)</p>		
1		<p>• (15) نعتمد المقاربة الحركية والمقاربة بواسطة الوضع النهائي للقاطع (AM) لمنحنى عندما تقترب M إلى A.</p> <ul style="list-style-type: none"> لا يُعطى تعريف شكلي للنهاية. سنكتفي بمقاربة حدسية للحسابات المنجزة. يُعرف العدد المشتق كنهاية للدالة $h \mapsto \frac{f(x_0+h) + f(x_0)}{h}$ <p>عندما يؤول h إلى 0.</p> <ul style="list-style-type: none"> العدد المشتق هو معامل التوجيه (أو الميل في معلم متعامد ومتجانس) للمماس. 	<p>العدد المشتق: العدد المشتق (التعريف والتفسير الهندسي أي المماس) (15)</p>	<p>حل مشكلات ذات دلالة بتوظيف المشتقات</p>	<p>الدوال المشتقة</p>
1			<p>معرفة العدد المشتق للدوال المرجعية المقررة من أجل قيمة معينة x_0.</p>		
1			<p>الترجمة الهندسية للعدد المشتق: - ترجمة عدد مشتق بيانياً. - تعيين معادلة لمماس. إنشاء المماس عند نقطة A للمنحنى الممثل لدالة مرجعية مقررة.</p>		

2		<p>• (16) يشار إلى الدوال غير قابلة للاشتقاق عند x_0 مثل $x \mapsto \sqrt{x}$ و x عند $x = 0$.</p> <p>• تقترح أمثلة يُطبق فيها العدد المشتق: - السرعة اللحظية لحركة مستقيمة لها معادلات زمنية بسيطة. - الكلفة الهامشية.</p> <p>• تُقبل النتائج المتعلقة بحساب مشتق مجموع، جُداء، وحاصل قسمة دالتين قابلتين للاشتقاق.</p>	<p>الدوال المشتقة: تعريف الدالة المشتقة. حساب مشتق دالة كثير حدود، مجموع وجُداء وحاصل قسمة دالتين، الدالة من الشكل: $x \mapsto \frac{ax + b}{cx + d}$.</p> <p>(16)</p>		
1		<p>• (17) يُذكر بالعلاقة بين منحنى مستقيم وإشارة معامل توجيهه وبين تغيير دالة تآلفية ونسبة تزايدها.</p>	<p>المشتق واتجاه تغيير دالة: الربط بين اتجاه تغيير دالة وإشارة مشتقتها. (17)</p>		
1			<p>الربط بين اتجاه تغيير دالة وإشارة مشتقتها. (تابع)</p>		
1			<p>تعيين القيم الحدية لدالة قابلة للاشتقاق على مجال.</p>		
1		<p>• (18) يُشرح التقريب المحلي بين المنحنى والمماس العلاقة بين التغييرات وإشارة المشتق ويسمح بقبول النظرية التي تعطي اتجاه تغيير دالة قابلة للاشتقاق على مجال تبعاً لإشارة مشتقتها على هذا المجال.</p> <p>• المماس عند A فاصلتها a من منحن (C_f) هو التمثيل البياني لدالة تآلفية، نقبل أنّ هذه الدالة التآلفية هي أفضل تقريب تآلفي للدالة f عند a. (نكتفي بتقديم التعريف)</p>	<p>التقريب التآلفي: نكتفي بإعطاء التعريف للتقريب التآلفي لدالة عند قيمة، يتبع بأمثلة على التقريب بالتطبيق المتتابع لنسبة مئوية. (18)</p>		السلوك التقاربي

		<p>بعبارة أخرى، من أجل x قريب من a يكون:</p> $(x) \approx f(a) + f'(a)(x - a)$ <ul style="list-style-type: none"> • نجعل التلميذ يلاحظ مثلاً، أنّ تطبيق زيادتين متتاليتين صغيرتين قدر كل منهما مثلاً 1% يكافئ تقريباً زيادة قدرها 2% وهو ما يعود إلى اعتبار $(1+x)^2$ مثل $1+2x$ وأنّ $y = 1 + 2x$ هي معادلة المماس عند النقطة ذات الإحداثيتين $(0;1)$ للمنحنى الممثل للدالة $x \mapsto (1+x)^2$. 		
1		<ul style="list-style-type: none"> • (19) تُقبل النتائج وتُشرح بأمثلة مختارة وبحسابات مقربة وبالاستعانة بالتمثيل البياني للدوال. • تُعتمد مقارنة حدسية لمفهوم النهاية. 	<p>السلوك التقاربي: السلوك التقاربي للدوال المرجعية عند ما لانهاية وعند الصفر. (19)</p>	
1			<p>المستقيمات المقاربة: تفسير وجود مستقيم مقارب يوازي أحد المحورين واستعماله في التمثيل البياني لدالة.</p>	
1			<p>نتائج العمليات على النهايات.</p>	
1			<p>نتائج العمليات على النهايات. (تابع)</p>	
2		<ul style="list-style-type: none"> • (20) يُوضّح المستقيم المقارب المائل انطلاقاً من أمثلة لدوال معطاة على الشكل: $x \mapsto ax + b + \varphi(x)$	<p>تفسير وجود مستقيم مقارب مائل واستعماله في التمثيل البياني لدالة. (20)</p>	

		$\varphi(x)$ يؤول إلى 0 عند $+\infty$ و/أو عند $-\infty$.		
1		• (21) نتناول حل معادلات ومتراجحات من الدرجة الثانية من خلال مراجعة المفاهيم المدروسة سابقا والمتمثلة في استعمال المميز لحل معادلة من الدرجة 2 وذلك في سياق مرتبط بحل مشكلات. • استعمال اشارة ثنائي حد لتعيين اشارة دالة أو حل متراجحة من الدرجة 2	حل معادلات ومتراجحات من الدرجة الثانية. (21)	المعادلات والمتراجحات
2		• (22) نسمي " قطعاً مكافئاً " التمثيل البياني للدالة $f : x \mapsto ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) حيث نبيّن المظهر (الشكل). اتجاه التغير وكذلك إحداثيي الرأس S . • تُعطي أمثلة لثلاثيات الحدود الخاصة ومظاهر تمثيلاتها البيانية.	ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية: تمثيل دالة من الشكل: $x \mapsto ax^2 + bx + c$ مع $a \neq 0$ وإنشاء جدول تغيّراتها. (22)	
3	المعالجة البيداغوجية			
1		• (23) عند دراسة ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية وحل معادلة أو متراجحة من الدرجة الثانية، نُوضح العلاقة بين التمثيل البياني للدالة $f : x \mapsto ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) بالنسبة إلى محور الفواصل وإشارة المميز.	المعادلات والمتراجحات من الدرجة الثانية: استعمال التمثيل البياني لثلاثي الحدود لاستنتاج وجود حلول المعادلة أو المتراجحة من الدرجة الثانية المرفقة. (23)	
2		• (24) يُذكر بحلّ جملة معادلتين	جملة معادلات خطية ذات مجهولين أو ثلاثة	

		خطيتين ذات مجهولين ويكون التركيز على وجاهة اختيار طريقة الحلّ تبعاً للجملة المعطاة.	مجاهيل: حل جملة ثلاث معادلات خطية ذات ثلاث مجاهيل. (24)		
1			الحل البياني لجملة متراحتين خطيتين ذات مجهولين: ترجمة متراجحة خطية ذات مجهولين بتجزئة المستوي. - حل جملة متراحتين خطيتين ذات مجهولين بيانياً.		
2		<ul style="list-style-type: none"> تقترح مشكلات من الحياة اليومية تؤدي إلى حل جملة معادلات. (25) كما تقترح مشكلات "استمثال" بسيطة (Optimisation). في العديد من الوضعيات، يعود البحث عن أفضل حل إلى جعل مقداراً أعظماً أو أصغرياً وفق شروط معينة، وهو ما نسميه استمثالاً. مثال: تسعى مؤسسة إلى جعل تكاليف إنتاجها أصغرية وفوائدها أعظمية. 	حلّ مشكلات تتدخل فيها ثلاثيات الحدود أو معادلات أو متراجحات من الدرجة الثانية. (25)		
1		<ul style="list-style-type: none"> (26) الهدف هو ترسيخ المفاهيم الأساسية الضرورية (تعريف، الكتابة بأدلة، ...). 	عموميات: تعريف متتالية عددية واستعمال الكتابات المناسبة. (26)	حل مشكلات ذات دلالة بتوظيف: - المتتاليات العددية (الحسابية والهندسية).	
1		<ul style="list-style-type: none"> (27) يتعلّق الأمر بمتتالية معرفة بقاعدة ضمنية أو بمتتالية معرفة بعلاقة تراجعية وحدّها الأول. يسمح الجدول بمقارنة النتائج المحصّل عليها بقاعدة ضمنية أو بعلاقة تراجعية. إذا أعطيت المتتالية بالشكل: $u_n = f(n)$ فالحساب يتم مباشرة، وإذا أعطيت المتتالية بعلاقة تراجعية نحسب الحدود حتى u_n باستعمال 	طرق توليد متتالية: معرفة طرق توليد متتالية بقاعدة ضمنية أو بعلاقة تراجعية أي المتتاليات من الشكل: $u_n = f(n)$ أو $u_{n+1} = f(u_n)$ و u_0 معلوم. - حساب بعض الحدود لمتتالية. (27)		المتتاليات

		حاسبة مثلاً.		
1		<ul style="list-style-type: none"> • (28) نجعل التلميذ يلاحظ، بهذه المناسبة، أنه في التمثيل البياني لمتتالية حسابية (u_n) تكون النقط ذات الإحداثيات $(n; u_n)$ واقعة على المستقيم الذي معامل توجيهه يساوي أساس المتتالية والترتيب إلى المبدأ u_0. 	المتتاليات الحسابية: تعريف متتالية حسابية والتعرّف عليها تبعاً لطريقة توليدها ووصفها باستعمال التعبير المناسب. (28)	
1			التعرف على الحد العام لمتتالية حسابية (حساب الحد من المرتبة n لمتتالية حسابية بمعرفة حدّها الأول وأساسها).	
1			معرفة واستعمال خاصية ثلاثة حدود متتابعة من متتالية حسابية - الوسط الحسابي.	
1			حساب مجموع n حداً الأولى لمتتالية حسابية.	
1		<ul style="list-style-type: none"> • (29) بالنسبة إلى المتتاليات الهندسية نقترح على تناول المتتاليات ذات الحدود الموجبة فقط. 	المتتاليات الهندسية: التعرف على متتالية هندسية والتعرّف عليها تبعاً لطريقة توليدها ووصفها باستعمال التعبير المناسب. (29)	
1			التعرف على الحد العام لمتتالية هندسية (حساب الحد من المرتبة n لمتتالية هندسية بمعرفة حدّها الأول وأساسها).	
1			معرفة واستعمال خاصية ثلاثة حدود متتابعة من متتالية هندسية - الوسط الهندسي.	
1			حساب مجموع n حداً الأولى لمتتالية هندسية.	
1			اتجاه تغيّر متتالية: تحديد اتجاه تغيّر متتالية حسابية أو هندسية.	
1		<ul style="list-style-type: none"> • (30) استثمار النتائج من خلال وضعيات ملموسة (فوائد بسيطة، مركبة، ...). 	دراسة وضعيات يؤول حلها إلى دراسة متتاليات حسابية أو متتاليات هندسية. (30)	
3		المعالجة البيداغوجية		

المادة: رياضيات	المستوى: السنة الثانية ثانوي	الشعبة: تسيير واقتصاد
الفصل الأول: 10 أسبوعا	النسب المئوية والمؤشرات	9 ساعات
	الاحصاء	18 ساعة
	المعالجة البيداغوجية	3 ساعات
	المجموع	30 ساعة
الفصل الثاني: 11 أسابيع	الاحتمالات	6 ساعات
	الدوال (عموميات)	6 ساعات
	المشتقات	9 ساعات
	السلوك التقاربي	6 ساعات
	معادلات ومترجمات من الدرجة 2. جمل معادلات (مترجمات خطية)	3 ساعات
	المعالجة البيداغوجية	3 ساعات
	المجموع	33 ساعة
الفصل الثالث: 7 أسابيع	معادلات ومترجمات من الدرجة 2. جمل معادلات (مترجمات خطية) تابع	6 ساعات
	المتتاليات	12 ساعة
	المعالجة البيداغوجية	3 ساعات
	المجموع	21 ساعة